

**SUPPLIED BY: ReCAP - COLUMBIA UNIVERSITY**

**TN:**



4 5 0 3 8 9

**Barcode:**



C U 1 8 4 8 4 9 3 0

**Borrower:**



H V 6

**ILL#** 107151350



1 0 7 1 5 1 3 5 0

**Lender String:** \*ZCU,ZCU

**Patron:** Wellington, John

**Maxcost:** 20.00IFM

**Title:** Zhongguo guan li ke xue ; Zhong guo guan li ke xue =  
Chinese Journal of Management Science.

**Volume:** 17

**Issue:** 3

**Month/Year:** 2009

**Pages:** 81-86

**Article Author:** Du, S. F., Dong, J. F., Liang, L., Zhang, J. J.

**Article Title:** Optimal production policy with emission permits  
and trading

880-02 Beijing ; 'Zhongguo guan li ke xu

**NOTICE:**

THIS MATERIAL MAY BE PROTECTED  
BY COPYRIGHT LAW  
(TITLE 17 U.S. CODE)

324242  
5



**Location:** RECAP

**Call #:** HD70.C5 Z47

**SEND TO:**

**\*WEB:**

**docdeliv@ipfw.edu**

HV6 - Indiana Purdue

University Library

Document Delivery Services

**ILL - RECAP**

Columbia University Libraries

400 Forrestal Road

Princeton, NJ 08540

**\*\*Supplied by ReCAP\*\***

Any request for resubmission must  
be received within 5 business days

recapils@princeton.edu

or

609-258-7614

## 考虑排放许可与交易的生产优化

杜少甫, 董骏峰, 梁 樊, 张清江

(中国科学技术大学管理学院, 合肥 230026)

**摘要:**本文旨在研究排放许可与交易机制对排放依赖性企业生产策略的影响。生产商可通过三种渠道获得排放许可或污染物、市场交易和净化处理。并在不同渠道间取得平衡。本文分析了净化处理成本的特征, 并分别对排放净化水平与可再生能源水平进行讨论。建立了企业生产优化模型, 得到了有排放限制下的最优生产策略。通过分段模型得到了优先选择净化处理的充分必要条件, 即“存在净化空间”。此外还证实了最优策略的唯一存在性。最后通过数值分析说明了本文模型的应用, 并用灵敏度分析对参数影响加以分析。

**关键词:** 排放许可与交易; 净化; 生产策略

中国分类号:F253.4; F224 文献标识码:A

### 1 引言

现代化进程的推进伴随着有害排放物的大幅增加, 所带来的环境灾害也明显增加。最典型的例子是, 二氧化碳排放(简称“碳排放”)已被证实是近年来全球气温上升的主要祸首之一。2005年正式生效的国际公约《京都议定书》设定了“一种通过管制和市场双重手段以有效达到减排效果的‘碳排放机制’”。针对每个国家或地区设定排放限值; 允许“排放权交易”, 难以完成减排目标的国家或地区可向超额完成的国家或地区购买“只计净排放量”, 即实际排放量扣除被森林吸收的部分<sup>[1]</sup>。

在公约设定的减排目标下, 各国/地区必须将减排目标分解落实到微观企业层面, 针对有关企业制定相应的配额和交易政策。如2008年4月, 香港立法会审议通过环境保护署提交的《2008空污管理(修订)条例草案》, 针对电力行业制订了减排计划与相关措施, 并明确提出将促进排放许可交易<sup>[2]</sup>。排放权交易是在排放限额的基础上进行的直接管制与经济激励相结合的减排手段<sup>[3]</sup>。排放权分配成为生产要素, 排放依赖性企业会根据配额自我规范, 超标

者需借助排放许可交易市场向其它企业或绿化组织购买额外排放许可, 否则将受到法律制裁; 而通过企业或净化市场的技术革新而获得排放许可节约的收益。目前排放交易相关研究主要停滞在宏观层面, 如经济政策的排放权双边交易规则; 各经济体在既定规则下如何展开博奕、制定单边政策和减排政策对国家或行业的经济影响等。针对电力行业, Monica 和 Francesco 研究了在欧洲现行的排放权交易机制下, 碳排放交易价格对于电力市场价格的影响, 并且比较了在市场力量(Market Power)环境下完全竞争环境(Perfect Competition)下这种影响的差异<sup>[4]</sup>。Kara 等人则以芬兰为例, 讨论了欧洲碳排放交易对于电力市场以及电力用户的影晌<sup>[5]</sup>。Tsikriktsis 和 Hatziairou 比较分析了在允许和不允许碳排放交易情况下分布式发电的环境效益<sup>[6]</sup>。Damien 和 Philippe 则以钢铁工业为例探讨了欧洲碳排放交易机制对于该行业生产和收益的影响<sup>[7]</sup>。在国与国双边交易与竞争方面, Robdanz 和 Tel 建立了两国博弈模型, 分析温室气体排放权双边交易下的单边政策制定问题<sup>[8]</sup>。Bernard 等人则用动态博弈方法分析了俄罗斯与发展中国家如中国之间在减排交易市场的竞争, 并且与垄断环境下的交易进行了比较<sup>[9]</sup>。其他一些学者, 如 Cramton 和 Kerr, Knut, Streimikiene 和 Roos 等也分别从不同角度分析了排放交易对于不同行业和国家的影响<sup>[10-12]</sup>。

截至目前为止, 尚有文献从微观角度对排放许可与

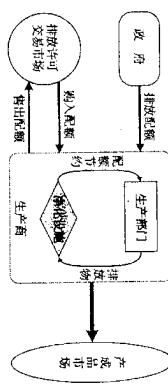
基金项目: 国家自然科学基金创新研究群体基金(50821001); 国家自然科学基金杰出青年基金(70525001);

作者简介: 杜少甫(1986-), 男(汉族), 交大唐山人, 中国科学技术大学管理学院博士生, 主要研究方向: 供应链管理、博弈论、决策分析。

交易进行研究,较有代表性的如:Bole以欧洲电力行业为背景对象,考虑多周期内有排放许可与交易情况下的排放权在各期的分配计划问题<sup>[13]</sup>。在排放权成为企业的一种资产和生产要素时,企业运作的诸多方面尤其是生产上将会受到显著影响,从微观层面对此问题展开讨论是必要的。本文将以单个排放依赖性企业为例,分析在给定排放限额和允许排放权自由交易情况下的最优生产决策问题。

## 2 基本假设与参数

本文考虑政府配额、市场交易和净化处理三种排放权来源,以及单周期生产、单排放物的情形,如图1所示。



## 3 优化模型

本文旨在于讨论排放许可对生产企业产量决策问题,故只须考虑排放相关成本——排放权采购成本和净化处理成本,而其他成本可忽略,这不会对分析结果带来影响。则生产商净收益为

$$\pi = q\varphi(q) - c_a E_a - c_e E_e \quad (1)$$

(1) 所述行业是带垄断或寡头性质的高排放行业,如能源、化工、电力等,产品市场价格由产量决定。本文考虑线性反需求函数<sup>[14]</sup>:

(2) 在确定技术水平下,单位产量产生的排放量一定;

(3) 排放物可经净化处理,并获得排放权节约,净化成本  $c(a)$  随净化水平  $a$  的上升而加速上升,见图2。这与现实情况是吻合的。

本文所涉及的主要参数符号汇总如下:

$E_s$ : 来自政府的排放许可配额;

$E_a$ : 生产商的排放量;

$E_e$ : 通过市场购买的排放权;

$E_p$ : 通过市场出售的排放权;

$\varphi(q)$ : 成品市场价格;

$\varphi'(q)$ : 成品市场价格的导数;

$c_a$ : 排放许可交易市场上单位排放许可的交易价格;

$c_e$ : 通过市场交易获得的排放许可,  $E_a > 0$  为后得到的排放许可节约,  $0 \leq a < 1$ ;

$c''(a)$ : 在净化水平  $a$  下的单位净化处理成本, 连续可微, 且满足  $c'(0) = 0$ ,  $c'(1) = +\infty$ ,  $c''(a) > 0$ ,

$c''(a) > 0$ ;

$E_p$ : 被净化处理的排放物, 决策变量,  $0 \leq E_p \leq E(q)$ ;

$E_e$ : 通过净化处理所获得的净排放许可节约,  $E_e = E_p - c_e E_q$ ;

$E_a$ : 被净化处理的净化水平, 即: 单位排放量净化

性反需求函数  $p(q) = K - aq$ ;

$a$ : 排放处理的净化水平, 即: 单位排放量净化

后得到的排放许可节约,  $0 \leq a < 1$ ;

$c(a)$ : 在净化水平  $a$  下的单位净化处理成本, 连续可微, 且满足  $c'(0) = 0$ ,  $c'(1) = +\infty$ ,  $c''(a) > 0$

之, 以净化方式获取单位排放权节约的成本为  $c$

$(a)/a$ : 若从排放权交易市场购买, 单位排放权的采

购成本则为  $c_m$ ;

即  $E(q) = aq$ ;

$c_m$ : 排放许可交易市场上单位排放许可的交易

价格;

$E_s$ : 通过市场交易获得的排放许可,  $E_s > 0$  为

后得到的排放许可节约,  $0 \leq a < 1$ ;

$c''(a)$ : 在净化水平  $a$  下的单位净化处理成本, 连续可微, 且满足  $c'(0) = 0$ ,  $c'(1) = +\infty$ ,  $c''(a) > 0$

进而有  $c''(a)(1-a) < c_m$ ,

$\pi = q\varphi(q) - [c_m(1-a) + c(a)]E(q) + c_mE_s \quad (7)$

$E_s$ : 通过净化处理所获得的净排放许可节约,  $E_s = aE_p$ 。

3.1 确定净化水平

当生产商的排放净化水平  $a$  固定时, 分析  $\pi$  与  $E_s$  的关系,  $E_s \in [0, E(q)]$

(1) 若  $c(a)/a < c_m$ , 从式(5)中可以看出  $\frac{\partial \pi}{\partial E_s} > 0$ ,  $\pi$  关于  $E_s$  单调递增, 则有  $E_s = E(q)$ ; 其管理

意义在于: 净化处理方式比市场购买方式成本更低, 商会优先选择净化处理所有排放物, 不足部分则从交易市场购买, 盈余部分则投放交易市场赚取差价。

在此情况下, 式(4)应重新表达为

$$E_s = (1-a)E(q) - E_e \quad (6)$$

进而有  $c''(a)(1-a) < c_m$ ,

$$\pi = q\varphi(q) - [c_m(1-a) + c(a)]E(q) + c_mE_s \quad (8)$$

不失一般性, 本文考虑线性反需求函数  $p(q) = K - aq$  与线性排放函数  $E(q) = aq$ , 从而生产商最

优产量为  $q^* = \frac{K - e}{2a}$ 。<sup>3</sup> 生产商会针对产量  $q$  作出最优决策以最大化其

利润水平。式(7)关于  $q$  的一阶条件为

$$\frac{\partial \pi}{\partial q} = p(q) + qp'(q)$$

在此最优产量决策下, 生产商净化处理的排放

量, 由此获得的排放权节约, 通过排放市场交易处理

的许可差额或盈余以及最大利润水平分别为

$$E_s = aq^*; \quad E_e = aeq^*; \quad E_p = (1-a)q^* - E_s$$

表1汇总比较了不同净化水平下生产的决策

量, 以及所取得的优化结果。

表1 不同净化水平下的生产两决策及优化结果

	$\frac{c(a)}{a}(1-a) < c_m$	$\frac{c(a)}{a}(1-a) > c_m$
$q^*$	$\frac{K - c_m}{2a}$	$\frac{K - c_m}{2a}$
$E_s$	$aq^*$	0
$E_e$	$aE_s$	0
$E_p$	$(1-a)q^* - E_s$	$aq^* - E_s$
$E_a$	$[K - c_m(1-a) - eq^*]q^*$	$(K - eq^*)q^*$
$\pi^*$	$-a(q^*)^2 + cE_s$	$-a(q^*)^2 + cE_s$

3.2 可变净化水平

在很多情况下, 净化处理水平是可变的。例如: 在相同的净化处理设施中, 若对排放物进行多次净化处理, 显然会获得比单次处理更高的净化水平, 所

以净化方式获取单位排放权节约的成本为  $c$

$(a)/a$ : 若从排放权交易市场购买, 单位排放权的采

购成本则为  $c_m$ ;

即  $E(q) = aq$ ;

$c_m$ : 排放许可交易市场上单位排放许可的交易

价格;

$E_s$ : 通过市场交易获得的排放许可,  $E_s > 0$  为

后得到的排放许可节约,  $0 \leq a < 1$ ;

$c''(a)$ : 在净化水平  $a$  下的单位净化处理成本, 连续可微, 且满足  $c'(0) = 0$ ,  $c'(1) = +\infty$ ,  $c''(a) > 0$

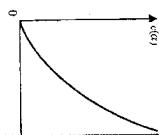


图2 净化处理成本曲线  $c(a)$



## B. 金融 2 证明:

(1) 极值存在性: 即证  $f'(a) = 0$  在  $a \in (0, 1)$  内有解。从  $f(a) = c_a - c'(a)$  定义易知  $f'(a) = c_a - c''(a)$ 。由于  $c'(a)$  连续可微, 且  $c'(0) = 0$ ,  $c'(1) = +\infty$ ,  $c'(a) > 0$ ,  $c''(a) > 0$ , 则  $c'(1) = +\infty$ , 从而  $f'(1) < 0$ ;

根据命题 1 可知, 若集合 D 非空, 必有  $c'(0) < c_a$ , 则  $f'(0) = c_a - c'(0) > 0$ 。极值存在性得以证明。

(2) 极大值唯一性: 由  $c'(a)$  连续可微,  $f'(a)$  也连续可微, 而  $f''(a) = -c''(a) < 0$ , 则  $f'(a)$  是关于  $a$  的严格凹函数。则  $f'(a)$  极大值唯一。

(3) 由于  $f(a) | a \in D) > 0 \geq f(a) | a \in D)$ , 因此若 D 非空, 则  $a^*$  必在 D 内。

## 参考文献:

- [1] Oberthir, S., Orr, H. E., The Kyoto Protocol: International Climate Policy for the 21st Century [M]. Berlin/Heidelberg/New York, Springer, 1999.
- [2] 香港环境署, 2008 空气污染管理(修订)条例草案 [Z]. 香港, 2008, <http://www.legco.gov.hk/yr07-08/bills/brief/1826.htm.pdf>.
- [3] 魏一鸣, 等, 中国能源报告(2008): 增排减排研究 [M]. 北京: 科学出版社, 2008, 134.
- [4] Molina, B., Frabesco, G., Electricity pricing under "carbon emissions trading": A dominant firm with competitive fringe model [J], Energy Policy, 2007, 35(8), 4200—4220.
- [5] Kara, M., et al. The impacts of EU CO<sub>2</sub> emissions trading on electricity markets and electricity consumers in Finland [J]. Energy Economics, 2008, 30(2), 193—211.
- [6] Tsikriktsis, A. G., Hatzivryniou, N. D., Environmental benefits of distributed generation with and without emissions trading [J]. Energy Policy, 2007, 35(6), 3395—3409.
- [7] Damte, D., Philippe, Q., European emission trading scheme and competitiveness: a case study on the iron and steel industry [J]. Energy Economics, 2007, 30(4), 2609—2627.
- [8] Rebhann, K., Tol, R. S. J., Unilateral Regulation of Bilateral Trade in Greenhouse Gas Emission Permits [J]. Ecological Economics, 2005, 54(4), 416—419.
- [9] Bernard, A., Haurie, A., Vieu, M., Viguier, L., A two level dynamic game of carbon emission trading between Russia, China and Annex B countries [J]. Journal of Economic Dynamics and Control, 2007, 32(6), 1830—1856.
- [10] Creanor, P., Kerr, S., Tradeable carbon permit auctions: How and why to auction not grandfather [J]. Energy Policy, 2002, 30(4), 333—345.
- [11] Kraut, E. R., Incentives and prices in an emissions trading scheme with updating [J]. Journal of Environmental Economics and Management, 2008, 56(1), 59—82.
- [12] Stremkeiene, D., Ruots, I., GHG emission trading implications on energy sector in Baltic States [J]. Renewable and Sustainable Energy Reviews, 2008, 13(4), 854—862.
- [13] Boden, S., Multi-period emissions trading in the electricity sector - winners and losers [J]. Energy Policy, 2006, 34(6), 680—691.
- [14] Michael, A. S., Monopoly, quality, and regulation [J]. The Bell Journal of Economics, 1975, 6(2), 417—429.

## Optimal Production Policy with Emission Permits and Trading

DU Shao fu, DONG Jun-feng, LIANG Liang, ZHANG Jing-jiang

(School of Management, University of Science and Technology of China, Hefei 230026, China)

**Abstract:** This paper focuses on the impact of emission permits and trading on the production policy for emission-dependent firms. The firm might obtain emission permits in three different ways, i. e. government quota, market trade and purifying, and making a tradeoff between them. The characteristic of purifying cost is analyzed, based on it the cases of deterministic and variable purifying levels are investigated respectively. Then, an optimal production model with emission permits and trading is established. Additionally, a sufficient and necessary condition that the firm would prefer purification to trading is proposed, i. e. the so-called purifying domain is nonempty. Moreover, the existence and uniqueness of the optimal policy is guaranteed. Finally, a typical numerical example is employed to show the application of the model.

**Key words:** emission permits and trading; emission reductions; purifying; production policy